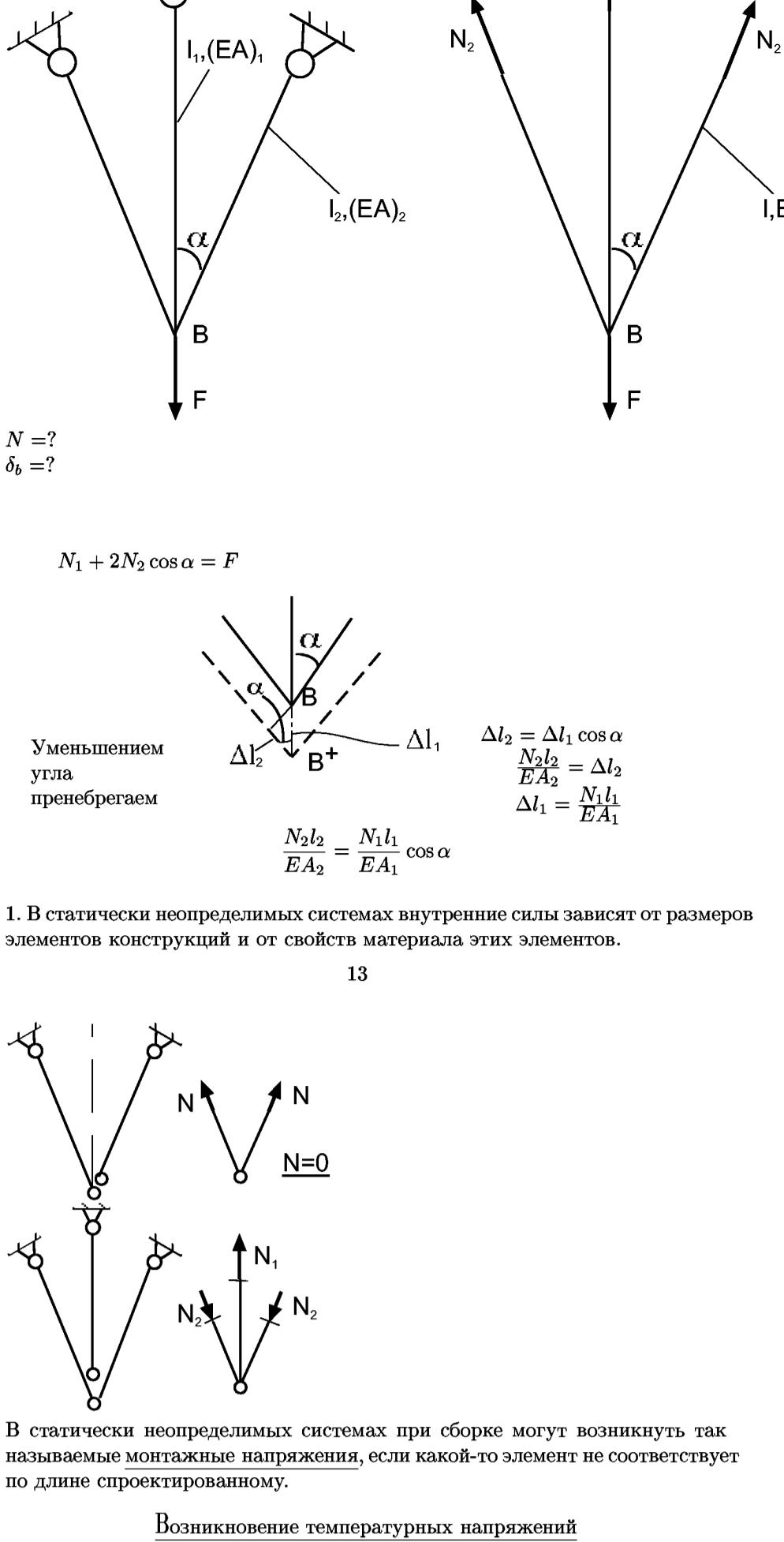


### Лекция 3

#### Статически неопределенные задачи и их особенности



Уменьшением угла пренебрегаем

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 l_2}{E A_2} = \Delta l_1$$

$$\Delta l_1 = \frac{N_1 l_1}{E A_1}$$

$$\frac{N_2 l_2}{E A_2} = \frac{N_1 l_1}{E A_1} \cos \alpha$$

1. В статически неопределенных системах внутренние силы зависят от размеров элементов конструкций и от свойств материала этих элементов.

13



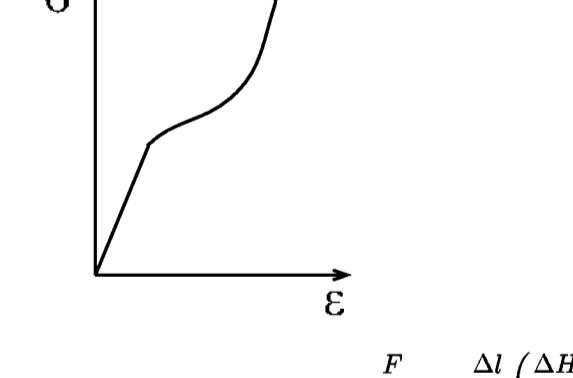
В статически неопределенных системах при сборке могут возникнуть так называемые монтажные напряжения, если какой-то элемент не соответствует по длине спроектированному.

#### Возникновение температурных напряжений

При нагревании элемента конструкции или всей конструкции возникают температурные напряжения. В статически неопределенных системах возможно наличие самоуравновешенных внутренних сил (внутренних сил без внешней нагрузки).

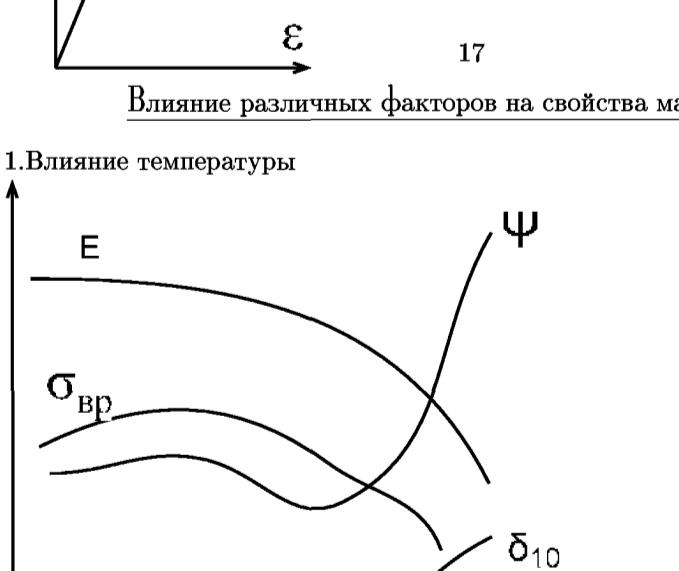
#### Механические характеристики материала при растяжении-сжатии

##### 1. Растяжение



14

Для пластичных материалов:  
Характеристика образца:



Деформации, исчезающие после снятия нагрузки, называются упругими.  
 $\sigma_{upr}$  - предел пропорциональности - напряжение, до которого материал подчиняется закону Гука.

Свойство материала возвращаться к исходным размерам после снятия нагрузки называется упругостью.

15



$\epsilon_{upr}$  - предел упругости - напряжение, до которого деформации остаются упругими.

$\sigma_T$  - предел текучести - напряжение, при котором деформации растут при почти постоянной нагрузке.

$\sigma_{vp}$  - предел прочности по напряжению - напряжение, равное отношению максимальной нагрузки, выдерживаемой образцом при растяжении к первоначальной площади поперечного сечения образца.

$\sigma_p$  - разрушение.

Для большинства классических машиностроительных материалов (металлов)

$\sigma_{upr} \approx \sigma_{vp} \approx \sigma_T$

$\sigma_T$  по ГОСТу - напряжение, при котором остаточная деформация равна 0.2

#### Характеристики пластичности

Относительное остаточное удлинение после разрыва определяется как удлинение после разрыва, отнесенное к начальной длине.

$$\delta_{10} = \frac{\Delta l}{l_0}$$

$\Psi$  - относительное остаточное поперечное сужение после разрыва.

$$\Psi = \frac{A_0 - A_{min}}{A_0} * 100\%$$

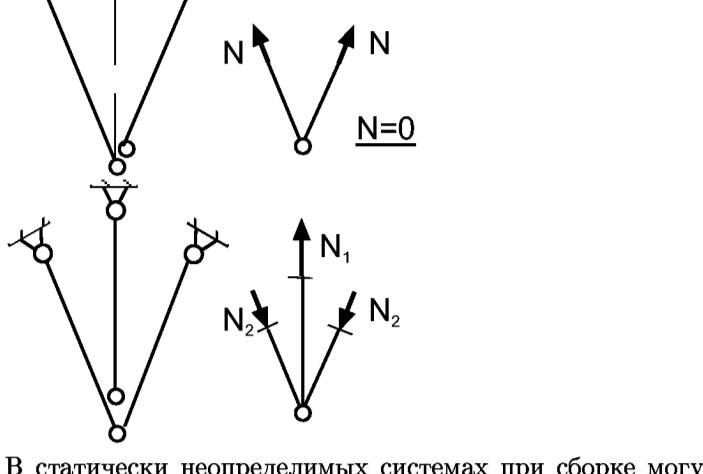
Для хрупких материалов (чугун и т.п.):



16

Материалы называются пластичными, если они при растяжении ведут себя как малоуглеродистая сталь и хрупкими, если ведут себя как чугун.

#### 2. Сжатие



Пластичные материалы при сжатии не разрушаются

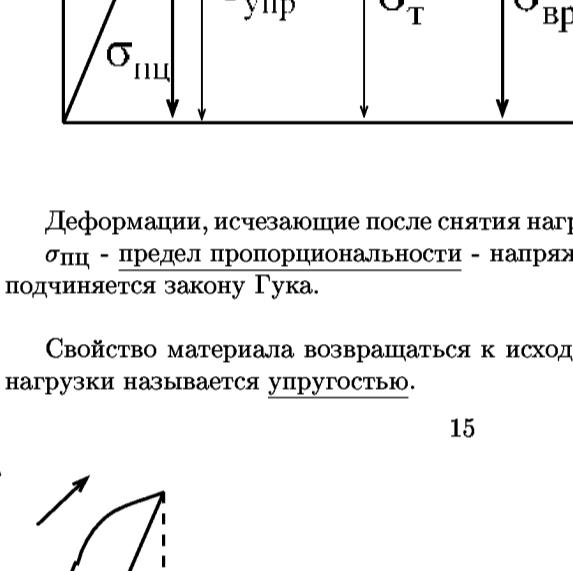


$$\sigma = \frac{F}{A_0}, \epsilon = \frac{\Delta l}{l_0} \left( \frac{\Delta H}{H_0} \right)$$

17

#### Влияние различных факторов на свойства материалов

##### 1. Влияние температуры

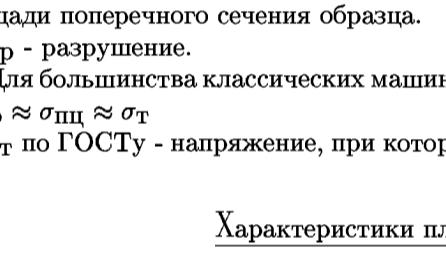


2. Скорость нагружения

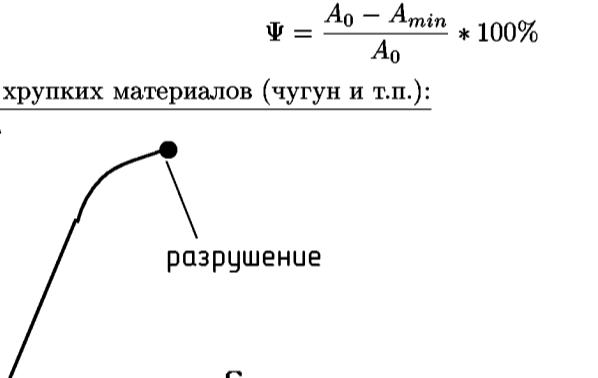
Динамическое нагружение

Статическое нагружение

18



3. Рентгеновское облучение



Расчет на прочность

Расчет на прочность может производиться:

a). по допускаемым напряжениям

b). по предельным нагрузкам

#### Расчет на прочность по допускаемым напряжениям

Конструкция считается неработоспособной, если максимальное напряжение в ней (в точке, сечении) достигает предельного значения.

$$\sigma_{max} \leq \frac{\sigma_L}{n}, \sigma_L = \begin{cases} \sigma_T & \text{по текучести} \\ \sigma_B & \text{по разрушению} \end{cases}$$

n - коэффициент запаса

$$n = \begin{cases} n_T & \text{по текучести} \\ n_B & \text{по разрушению} \end{cases}$$

$n$  всегда больше 1

[n] - нормативный коэффициент запаса

$\sigma_L = [\sigma]$  - допускаемое напряжение.

$$\sigma_{max} \leq [\sigma]$$

19

Расчет на прочность по допускаемым напряжениям

Расчет на прочность может производиться:

a). по допускаемым напряжениям

b). по предельным нагрузкам

Конструкция считается неработоспособной, если максимальное напряжение в ней (в точке, сечении) достигает предельного значения.

$$\sigma_{max} \leq \frac{\sigma_L}{n}, \sigma_L = \begin{cases} \sigma_T & \text{по текучести} \\ \sigma_B & \text{по разрушению} \end{cases}$$

n - коэффициент запаса

$$n = \begin{cases} n_T & \text{по текучести} \\ n_B & \text{по разрушению} \end{cases}$$

$n$  всегда больше 1

[n] - нормативный коэффициент запаса

$\sigma_L = [\sigma]$  - допускаемое напряжение.

$$\sigma_{max} \leq [\sigma]$$

19