

# Билет 11

## 1. Тепловое излучение. Интегральные и спектральные характеристики излучения. Закон Кирхгофа. Закон Стефана-Больцмана. Закон смещения Вина.

Тепловое излучение – вид излучения, который может находиться в термодинамическом равновесии с излучателем и к анализу такого излучения применимы законы термодинамики.

**Спектральная плотность** энергетической светимости тела – мощность излучения с единицы площади поверхности тела  $\Delta$  интервале частот единичной ширины:

$$R_{\nu, T} = \frac{dW_{\nu, \nu+d\nu}^{\text{изл}}}{d\nu}$$

$dW_{\nu, \nu+d\nu}^{\text{изл}}$  – энергия электромагнитного



$$R_{\nu,T} = \frac{dW_{\nu,\nu+d\nu}^{изл}}{d\nu}$$

излучения, испускаемого за единицу времени (мощность излучения) с единицы площади поверхности в интервале частот от  $\nu$  до  $\nu+d\nu$  (Дж/м<sup>2</sup>). **Интегральная энергетическая светимость** можно найти,

просуммировав по всем частотам:

$R_T = \int_0^\infty R_{\nu,T} d\nu$ . **Закон Кирхгофа** – отношение спектральной плотности энергетической светимости к спектральной поглотительной способности не зависит от природы тела; оно является для всех тел универсальной функцией частоты (длины волны) и температуры  $R_{\nu,T}/A_{\nu,T} = r_{\nu,T}$ . **Закон Стефана-Больцмана**  $R_e = \sigma T^4$ , т.е. энергетическая светимость черного тела пропорциональна четвертой степени его



пропорциональна четвертой степени его термодинамической температуры,  $\sigma$ -постоянная Стефана-Больцмана =  $5,67 \cdot 10^8$  Вт/(м<sup>2</sup>·К<sup>4</sup>). **Закон смещения Вина**  $\lambda_{\max} = b/T$ , т.е. длина волны  $\lambda_{\max}$ , соответствующая максимальному значению спектральной плотности энергетической светимости черного тела, обратно пропорционально его термодинамической температуре,  $b$ - постоянная Вина =  $2,9 \cdot 10^{-3}$  м·К. Закон Вина объясняет, почему при понижении температуры нагретых тел в их спектре сильнее преобладает длинноволновое излучение.

**Принцип тождественности оди-  
тождественных микрочастич.  
Основа квантовой статистики —  
квантовых частиц не приводит к  
антисимметричным по отношению  
частиц с целым спином, а второе  
справедлив принцип Паули: в ка-  
часны. Статистика, основанная  
подчиняющиеся этой статистике  
Бозе-Эйнштейна, ктр. подчиняю-  
Не выполняется принцип Паули  
пропорциональна  $n$ . Обе статисти-**



одинаковых микрочастиц. Симметрии Фермионы и бозоны.

и — принципиальная неразличимость и к новому микросостоянию. Возвращению к перестановке любой парой с полупростым. Для системы частиц в каждом квантовом состоянии может быть на этом принципе, называется лирика — фермионы. К их числу относятся частицы с целым спином. Число, вероятность  $P$  возникновения частицы подчиняются принципу то

Симметричные и антисимметричные пары одинаковых частиц. Первичные фотоны должны быть с фотонами. Волновые функции, причем первый спин пары частиц, описываемой антифермионами может находиться одновременно в статистике Ферми-Дирака и относиться все частицы с молекулами. Частицы подчиняющиеся эталонному бозону в состоянии, в ктр. реализуется тождественности одинаковых

**асимметричные состояния**

д. Перестановка местами двух  
быть симметричными или  
вый случай имеет место для  
я антисимметричными ф-ями  
временно не более одной

Дирака. Частицы,

медьм спинном. Статистика

еся этой статистике – бозоны.

в втр. уже имеется и частиц,  
ковых микрочастиц.



Бшмет 11

Масс-спектрометрический анализ образцов породы показывает, что отношение количества  $^{40}\text{Ar}$  и  $^{40}\text{K}$  в ней равно  $\eta = 10,3$ . Считая, что аргоны полностью образуются из калия в результате радиоактивного распада, определить возраст минеральной породы.  $T_{1/2} = 1,25 \cdot 10^9 \text{ лет}$

Дано:

$$\frac{N_{^{40}\text{Ar}}}{N_{^{40}\text{K}}} = 10,3$$

Решение:

$$N_{\text{Ar}} = N_{0\text{K}} - N_{\text{K}} = N_{\text{K}} (e^{\lambda t} - 1)$$

$$N_{\text{K}} = N_{0\text{K}} e^{-\lambda t} \Rightarrow N_{0\text{K}} = N_{\text{K}} e^{\lambda t}$$



Dano:

$$\frac{N_{Az}^{40}}{N_{K}^{40}} = 10,3$$

$$T = 1,25 \cdot 10^9 \text{ лет}$$

$t = ?$

Решение:

$$N_{Az} = N_{0K} - N_K = N_K (e^{\lambda t} - 1)$$

$$N_K = N_{0K} e^{-\lambda t} \Rightarrow N_{0K} = N_K e^{\lambda t}$$

$$\frac{N_{Az}}{N_K} = e^{\frac{\ln 2}{T} t} - 1$$

$$t = \frac{T}{\ln 2} \ln \left( \frac{N_{Az}}{N_K} + 1 \right)$$