

Билет 19

1. Эффект Холла в полупроводниках, его практическое применение.

Эффект Холла – возникновение в полупроводнике с током плотностью j , помещенному в магнитное поле B , электрического поля в направлении, перпендикулярном B и j .

При данном направлении j скорость носителей тока направлена справа налево. Электроны испытывают действие силы Лоренца, которая в данном случае направлена вверх. Т.о. у верхнего края пластины возникнет повышенная концентрация электронов (от зарядится отрицательно), а у нижнего – их недостаток

отрицательно), а у нижнего – их недостаток (зарядится положительно). В результате этого между краями пластинки возникнет дополнительное поперечное электрическое поле, направленное снизу вверх. Когда напряженность E_B этого поперечного поля достигнет токай величины, что его действие на заряды будет уравновешивать силу Лоренца, то установится стационарное распределение зарядов в поперечном направлении. Тогда

$$eE_B = e\Delta\varphi/a = evB \quad \text{или} \quad \Delta\varphi = vBa$$

где a – ширина пластинки, $\Delta\varphi$ – поперечная (холловская) разность потенциалов. Учитывая что сила тока $I = jS$ (S – площадь поперечного сечения пластинки толщиной d , n – концентрация

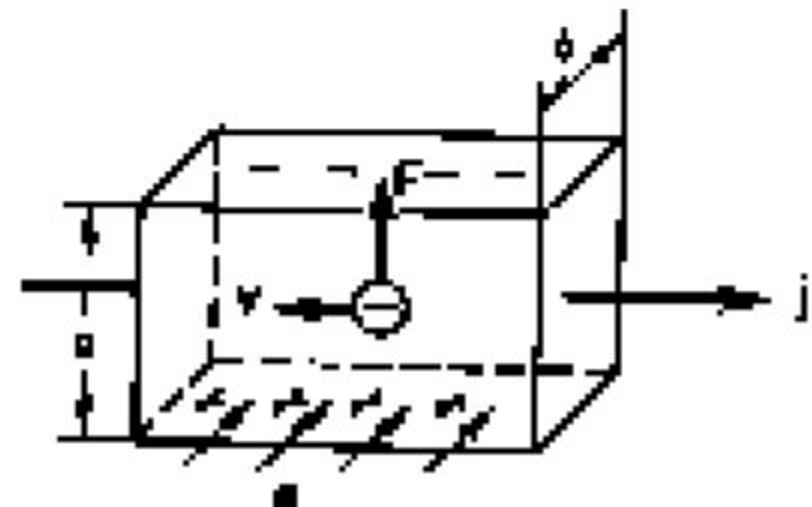
сечения пластинки толщиной d , n – концентрация электронов, v – средняя скорость упорядоченного движения электронов), получим

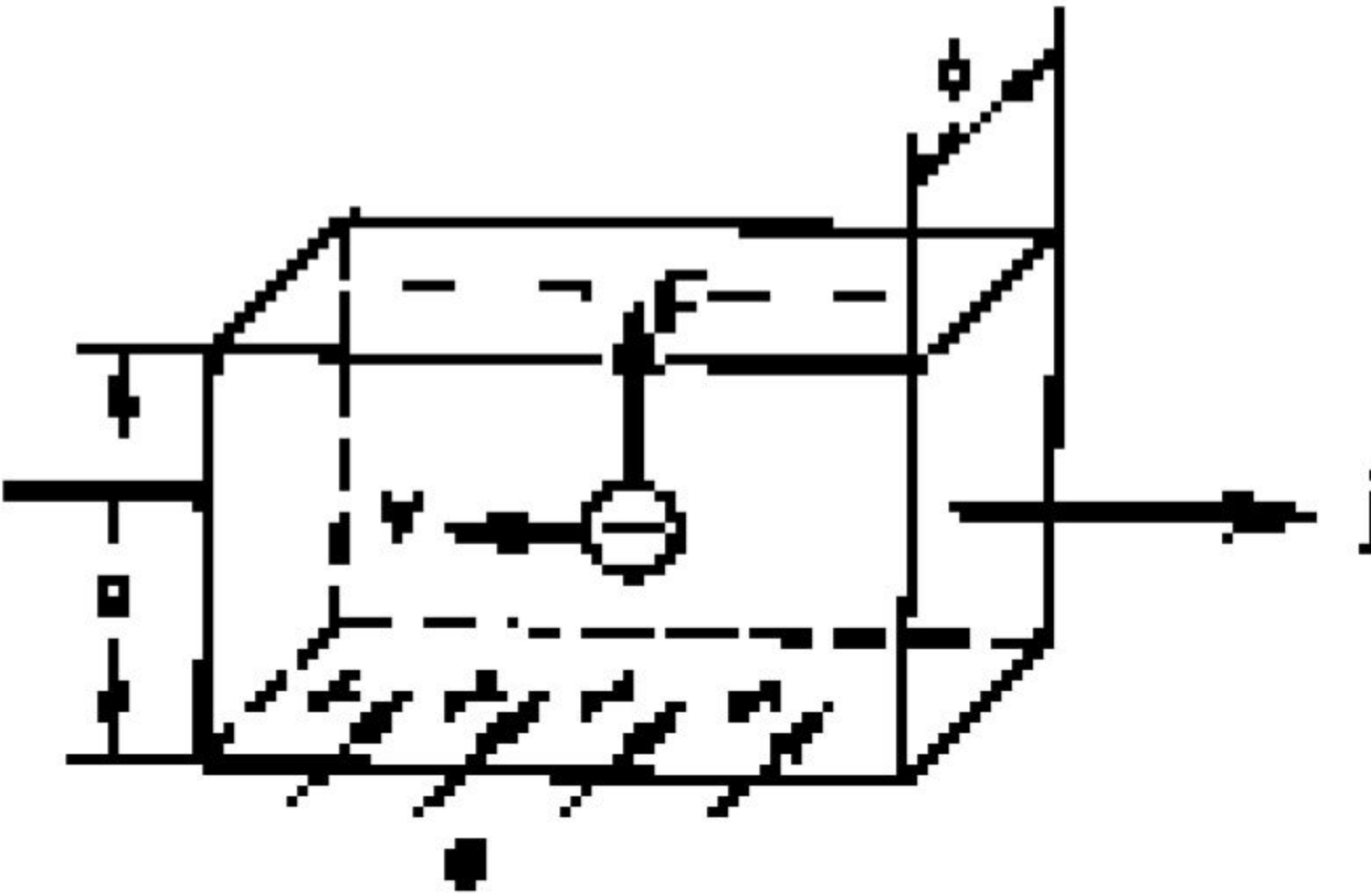
$$\Delta\varphi = \frac{I}{nead} Ba = \frac{1}{en} \frac{IB}{d} = R \frac{IB}{d}$$

т.е. холловская поперечная разность потенциалов прямо пропорциональна магнитной индукции B , силе тока I и обратно пропорциональна толщине пластики d .

$R = 1 / (en)$ – постоянная Холла, зависящая от вещества. По измеренному значению постоянной Холла можно: 1) определить концентрацию носителей тока в полупроводнике, 2) судить о природе проводимости полупроводников, т.к. знак постоянной Холла совпадает со знаком

Знак постоянной Холла совпадает со знаком заряда e носителей тока. Эффект Холла применяется для изучения энергетического спектра носителей тока в полупроводниках, для умножения постоянных токов в аналоговых вычислительных машинах, в измерительной технике (датчик Холла) и т.д.





2. Стационарные состояния, их временная зависимость. Уравнение Шредингера для стационарных состояний.

Стационарные состояния – это состояния с фиксированными значениями энергии. Это возможно, если силовое поле, в котором движется частица, стационарно, т.е. функция $U=U(x, y, z)$ не зависит явно от времени и имеет смысл потенциальной энергии. Уравнение Шредингера может быть представлено в виде произведения двух функций, одна из которых есть функция только координат, другая – только времени, причем зависимость от времени выражается множителем $e^{-i\omega t} = e^{-i(E/\hbar)t}$, так что

только времени, причем зависимость от времени выражается множителем $e^{-i\omega t} = e^{-i(E/\hbar)t}$, так что $\Psi(x, y, z, t) = \psi(x, y, z) e^{-i(E/\hbar)t}$, где E — полная энергия частицы, постоянная в случае стационарного поля. Подставляя это выражение в уравнение Шредингера ($-\hbar^2/2m \Delta \Psi + U(x, y, z, t) \Psi = i\hbar (\partial \Psi / \partial t)$), где $\hbar = h / (2\pi)$, m — масса частицы, i — мнимая единица, U — потенциальная функция частицы в силовом поле, в котором она движется Δ — оператор Лапласа ($\Delta \Psi = \partial^2 \Psi / \partial x^2 + \partial^2 \Psi / \partial y^2 + \partial^2 \Psi / \partial z^2$), $\Psi(x, y, z, t)$ — искомая волновая функция частицы) получим:

$\nabla^2 \psi + (E/\hbar^2 - U) \psi = 0$ разделив

разделив

$$-\frac{\hbar^2}{2m} e^{-i(E/\hbar)t} \Delta \psi + U \psi e^{-i(E/\hbar)t} = i\hbar(-iE/\hbar) \psi e^{-i(E/\hbar)t}$$

на общий множитель $e^{-i(E/\hbar)t}$ и преобразовав
 придем к уравнению, определяющему функцию ψ
 $\Delta \psi + (2m/\hbar^2)(E-U)\psi = 0$ — уравнение Шредингера для
 стационарных состояний. Это уравнение имеет
 бесчисленное количество решений, из которых
 посредством наложения граничных условий
 отбираются решения, имеющие физич. смысл.
 Условия: волновые функции должны быть
 конечными, однозначными и непрерывными вместе
 со своими первыми производными. Т.о. реальный
 физич. смысл имеют только такие решения,
 которые выражаются регулярными функциями ψ .

Башет 19. Какакую кинет. энергию должен иметь электрон
расщитан ускорителем зарядки

Дано:
 $\lambda = 10^{-15}$ м

то
Экин - ?

Решение:

$$p = \frac{1}{c} \sqrt{E_{кин} (E_{кин} + 2m_0c^2)}$$

$$\lambda = \frac{h}{p} = L$$

$$\left(\frac{hc}{\lambda}\right)^2 = E_{кин}^2 + 2m_0c^2 E_{кин}$$

$$E_{кин} = \dots$$