

Билет 27.

1. Элементарные

частицы: Адроны, Лептоны, Переносчики воздействия.

Виды взаимодействия элементарных

частиц: 1) сильное 2) Слабое 3) Электромагнитное

4) Гравитационное

Лептоны и Адроны:

Адроны-частицы участвующие в сильных

взаимодействиях (протоны, нейтроны, мезоны, гипероны

и несколько сотен очень нестабильных)

Лептоны-фундаментальные частицы с полуцелым

спином, не участвующие в сильном

взаимодействии (электрон, мюон)

Кварковая структура адронов. Барионы. Мезоны

Адроны состоят из кварков. Они участвуют во всех видах

взаимодействий. Адроны подразделяются на **барионы**, имеющие

взаимодействий. Адроны подразделяются на **барионы**, имеющие барионный заряд $B = 1$, и **мезоны**, для которых $B = 0$. Барионы состоят из трех кварков. Мезоны - из кварка и антикварка. Барионы являются фермионами (имеют полуцелый спин), мезоны являются бозонами (имеют нулевой или целочисленный спин). Адроны также характеризуются квантовыми числами s (странность), c (очарование), b (красота), t (истина), изоспином I и его третьей проекцией I_3 .

Движение микрочастицы в области одномерного потенциального порога. Случай "высокого" и "низкого" порога.

Одномерный потенциальный порог. $U(x) = 0$ ($x < 0$)(I) и $U(x) = U_0$ ($x > 0$)(II); Решения ур-ий Шредингера для стац. сост. имеет вид

$$\psi_1 = \exp(ik_1x) + \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \exp(-ik_1x)$$

и

И

$$\psi_2 = \frac{2k_1}{k_1 + k_2} \exp(ik_2 x) \quad \text{где} \quad \psi_1(x) \quad \text{и} \quad \psi_2(x)$$

волновые функции частицы в областях I и II соотв.

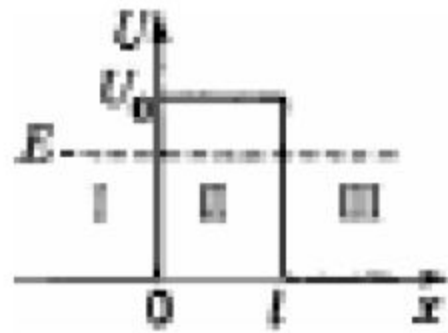
$$k_1 = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2m_0 E} \quad \text{и} \quad k_2 = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2m_0 (E - U_0)}$$

Вероятность того что частица отразится от порога определяется коэф. отражения

$$R = \left| \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \right|^2$$

Вероятность прохождения частицы $D = 1 - R$





Потенциальный барьер.

Пусть ч-ца движущаяся слева направо, встречает на своем пути потенц. барьер высоты U_0 . Рассм. случай $E < U_0$ тогда

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{2m}{\hbar^2} E\psi = 0 \quad (1) \text{ для обл. I и III}$$

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{2m}{\hbar^2} (E - U_0)\psi = 0 \quad (2) \text{ для обл-ти II причем}$$

$E - U_0 < 0$. Будем искать реш. ур-я (1) в виде $\psi = \exp(\lambda x)$ подставляя получаем

подставляя получаем

$$\lambda^2 + \frac{2m}{\hbar^2} E = 0$$

$$\alpha = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2mE}, \quad \text{т.о.}$$

отсюда $\lambda = \pm i\alpha$, где

реш. ур-я (1) имеет вид

$$\psi_1 = A_1 \exp(i\alpha x) + B_1 \exp(-i\alpha x) \quad \text{для обл-ти I,}$$

$$\psi_3 = A_3 \exp(i\alpha x) + B_3 \exp(-i\alpha x) \quad \text{для обл-ти III,}$$

аналогично для ур-я (2)

$$\psi_2 = A_2 \exp(\beta x) + B_2 \exp(-\beta x) \quad \text{для обл. II,}$$

$$\beta = \frac{1}{\hbar} \sqrt{2m(U_0 - E)}$$

. Заметим, что реш. вида $\exp(i\alpha x)$ соотв. волне распротр. в положит. направлении оси x , а реш. вида $\exp(-i\alpha x)$ - в противополож. В обл. III имеется только волна, прошедшая через

В обл. III имеется только волна, прошедшая через барьер и распр. слева направо следов. $B_3=0$. Для того чтобы ψ была непрерывна должно вып. усл.

$\psi_1(0) = \psi_2(0)$ и $\psi_2(l) = \psi_3(l)$. Для того чтобы ψ не имела изломов необх.: $\psi_1'(0) = \psi_2'(0)$ и $\psi_2'(l) = \psi_3'(l)$,

Причем $R = |B_1|^2 / |A_1|^2$ - отношение квадратов модулей амплитуд отраженной и падающих волн определяет вероятность отражения частицы от потенц. барьера - коэф. отражения.

$D = |A_3|^2 / |A_1|^2$ - отнош. квадратов модулей амплитуд прошедшей и падающей волн - вероятность прохождения частицы через

падающей волн - вероятность прохождения частицы через барьер - коэф.

прохождения. $R+D=1$. Из ур-ний получившихся из условий непрерывности и гладкости пси-ф-ии, находим

$$D \approx \exp(-2\beta l) = \exp\left(-\frac{2}{\hbar} \sqrt{2m(U_0 - E)l}\right), \text{ т.е. вероятность}$$

прохождения частицы через потенц.

барьер сильно зависит от ширины барьера l и от его превышения над E . В случае барьера произв. формы

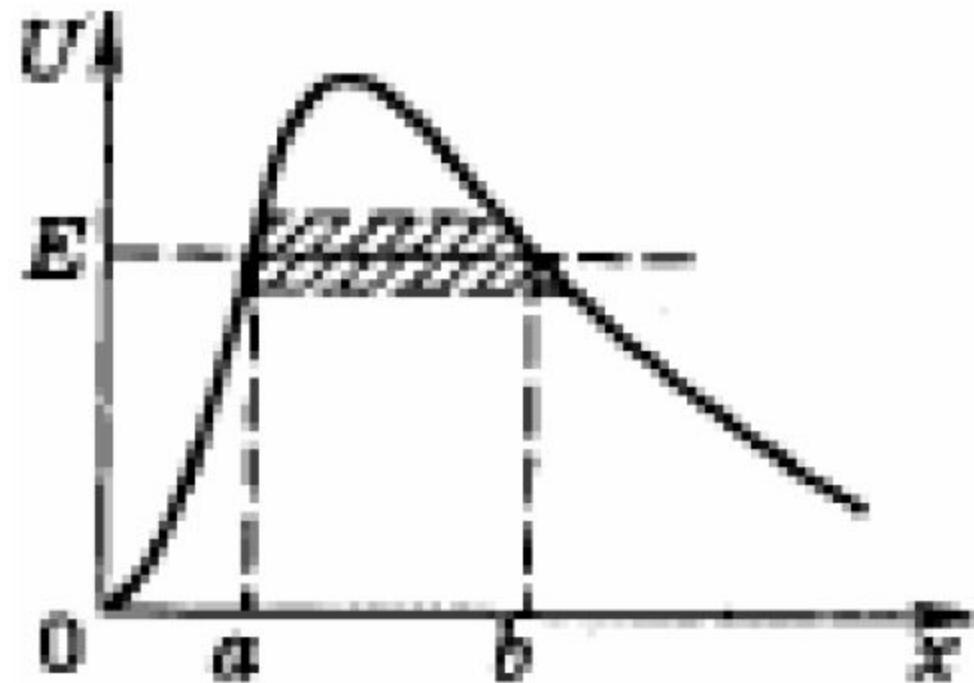
$$D \approx \exp\left(-\frac{2}{\hbar} \int_a^b \sqrt{2m(U(x) - E)dx}\right). \text{ При преодолении потенц.}$$

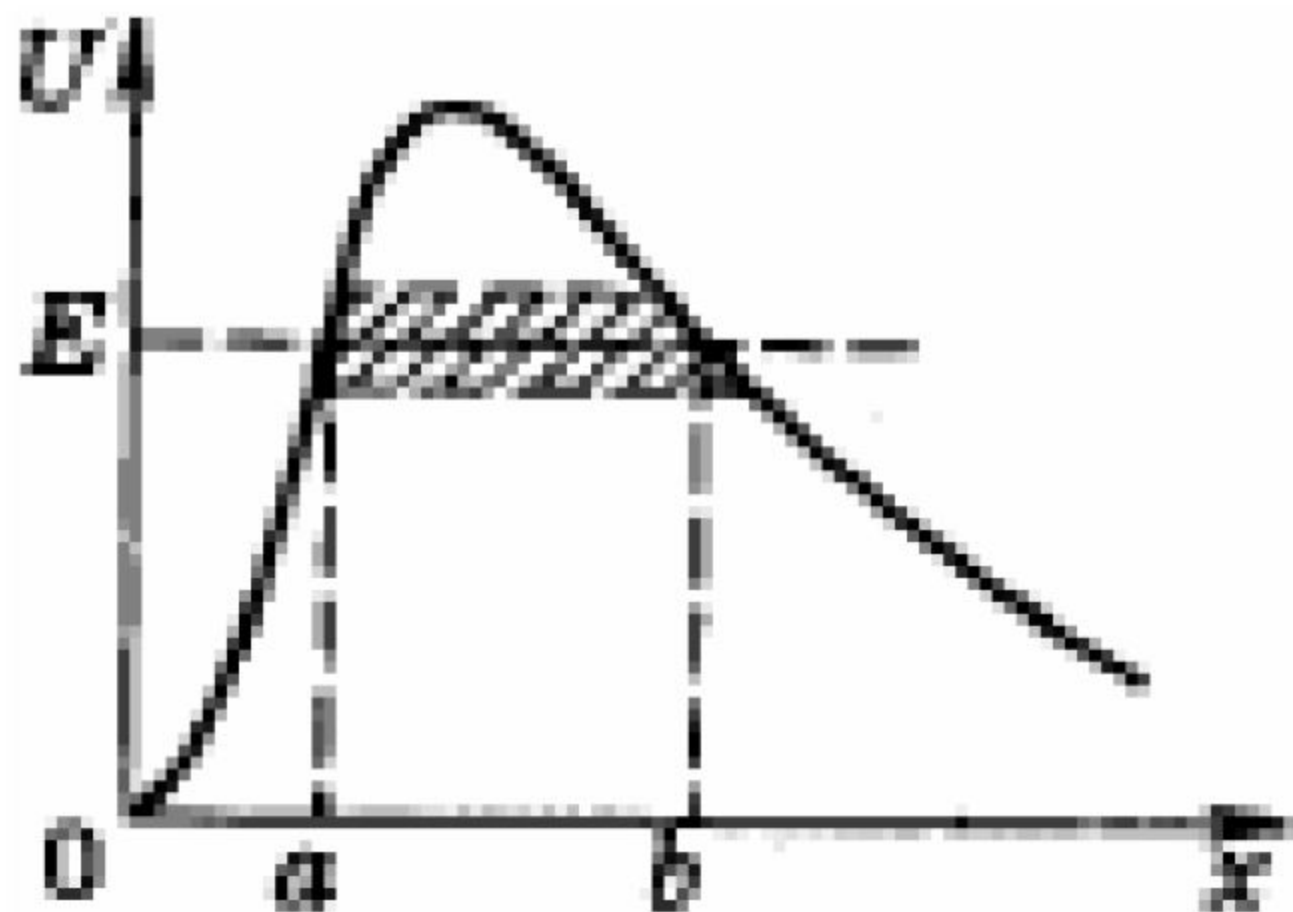
барьера ч-

ца как бы проходит через туннель в этом барьере

барьера ч-
ца как бы проходит через туннель в этом барьере
– рассм. нами

явление – *туннельный эффект*.





Задание 27

Электрон находится в одномерной потенциальной яме с непрозрачными стенками. Определите, при какой ширине ямы а минимальное термическое расстояние между уровнями энергии сравнимо с тепловой длиной волны при T.

Дано:

T

a - ?

Решение:

$$E_n = \frac{\hbar^2 \pi^2}{2ma^2} n^2 \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

$$\Delta E_n = E_{n+1} - E_n = \frac{\pi^2 \hbar^2}{2ma^2} (2n+1)$$

Дано:

Решение:

T

 $a - ?$

$$E_n = \frac{\hbar^2 J^2}{2ma^2} n^2 \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

$$\Delta E_n = E_{n+1} - E_n = \frac{J^2 \hbar^2}{2ma^2} (2n+1)$$

$n = 1$

$$\Delta E = \frac{3J^2 \hbar^2}{2ma^2}$$

$$E = \frac{3}{2} kT$$

} \Rightarrow

$$\frac{J^2 \hbar^2}{ma^2} = kT$$

$$\Rightarrow a = \frac{J \hbar}{\sqrt{m kT}}$$